

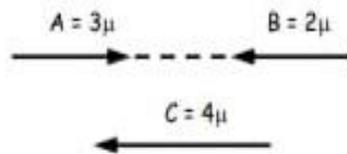
# TEMA: ANÁLISIS VECTORIAL

## EJERCICIOS DE APLICACIÓN

➤ Hallar el módulo del vector resultante en los siguientes casos:

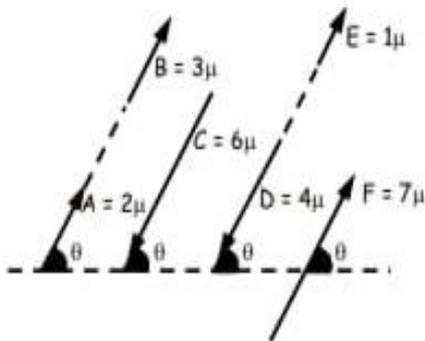
1.

- a)  $3\mu$
- b)  $9\mu$
- c)  $1\mu$
- d)  $5\mu$
- e)  $7\mu$



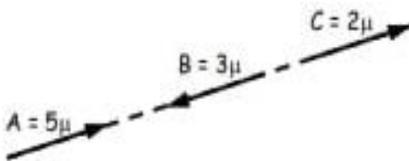
2.

- a)  $2\mu$
- b)  $3\mu$
- c)  $5\mu$
- d)  $7\mu$
- e)  $9\mu$



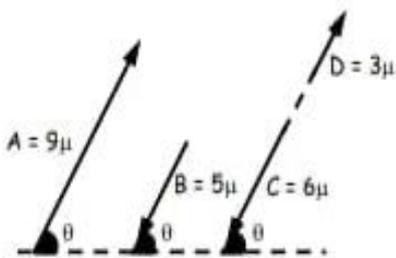
3.

- a)  $2\mu$
- b)  $3\mu$
- c)  $4\mu$
- d)  $5\mu$
- e)  $6\mu$



4.

- a)  $1\mu$
- b)  $2\mu$
- c)  $3\mu$
- d)  $4\mu$
- e)  $5\mu$



5. Si la  $R_{\text{máx}}$  de 2 vectores es 17 y la resultante mínima 7, Hallar el módulo de dichos vectores.

- a) 2 y 5
- b) 10 y 7
- c) 5 y 12
- d) 8 y 9
- e) 13 y 4

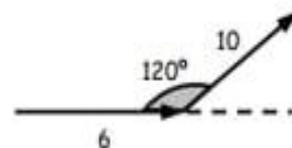
6. Del problema anterior hallar el módulo de la resultante si los vectores son perpendiculares.

- a) 10
- b) 11
- c) 12
- d) 13
- e) 14

7. Hallar el módulo del V. Resultante:

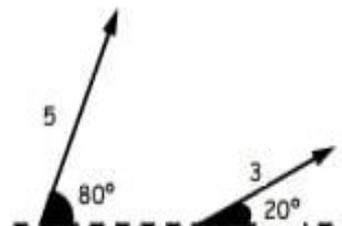
$$\cos 60^\circ = \frac{1}{2}; \quad \cos 120^\circ = -\frac{1}{2}$$

- a) 10
- b) 11
- c) 12
- d) 13
- e) 14



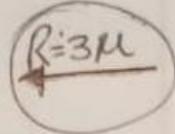
8. Hallar el módulo del V. Resultante:

- a) 8
- b) 2
- c) 7
- d) 15
- e) 14

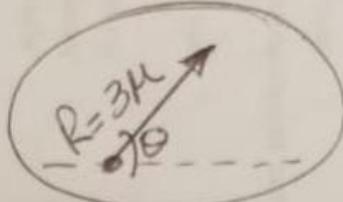


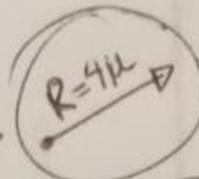
## EJERCICIOS DE ANÁLISIS VECTORIAL

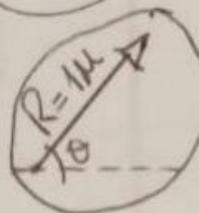
### A) EJERCICIOS DE APLICACIÓN:

①  $\|\vec{R}\| = |3\mu - 2\mu - 4\mu| = |-3\mu| \Rightarrow$  

②  $\|\vec{R}\| = |2\mu + 3\mu - 6\mu - 4\mu + 1\mu + 7\mu| = |3\mu|$

$\|\vec{R}\| \Rightarrow$  

③  $\|\vec{R}\| = |5\mu - 3\mu + 2\mu| = |4\mu| \Rightarrow$  

④  $\|\vec{R}\| = |9\mu - 5\mu - 6\mu + 3\mu| = |1\mu| \Rightarrow$  

⑤  $\begin{cases} R_{\text{máxima}} = a + b = 17 \\ R_{\text{mínima}} = a - b = 7 \end{cases}$

$$2a + 0 = 24$$

$$a = 24/2$$

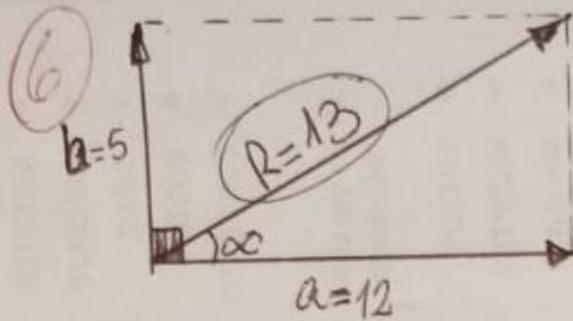
$$\boxed{a = 12}$$

$$a + b = 17$$

$$12 + b = 17$$

$$b = 17 - 12$$

$$\boxed{b = 5}$$



Aplicamos Teorema de Pitágoras

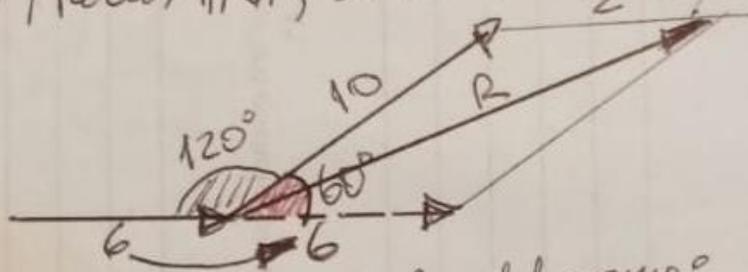
$$R = \sqrt{12^2 + 5^2}$$

$$R = \sqrt{144 + 25}$$

$$R = \sqrt{169}$$

$R = 13$

7 Hallar  $\|\vec{R}\|$ , si  $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$



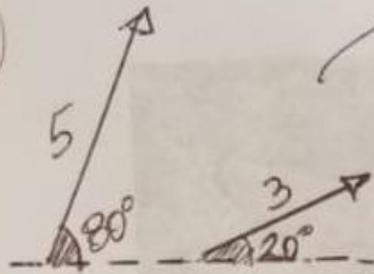
Aplico método del paralelogramo:

$$R = \sqrt{10^2 + 6^2 + 2(10)(6)\cos 60^\circ}$$

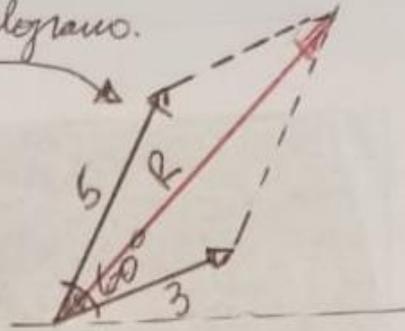
$$R = \sqrt{100 + 36 + 2(10)(6)\left(\frac{1}{2}\right)} = \sqrt{100 + 36 + 60} = \sqrt{196}$$

$$\Rightarrow R = 14$$

(8)



Paralelogramo.



Método del Paralelogramo:

$$R = \sqrt{5^2 + 3^2 + 2(5)(3)\cos 60^\circ}$$

$$R = \sqrt{25 + 9 + 2(5)(3)\left(\frac{1}{2}\right)} = \sqrt{25 + 9 + 15} = \sqrt{49}$$

$$\boxed{R = 7}$$

## EJERCICIOS DE REPASO FÍSICA 2

1. Qué dimensión tiene la siguiente suma:

$$3\text{años} + 2\text{días}$$

- a) Fuerza      b) intensidad luminosa      c) tiempo  
 d) longitud      e) masa

2. Si la expresión es dimensionalmente correcta:

$$\left[ \frac{MV \text{Sen}(LNZ)}{\sqrt[5]{N+A}} \right]^2 = M + N^2 + B^4$$

Donde: V = velocidad; determinar [N]

- a)  $L^{3/2}T^{-2}$     b)  $L^{-5/4}T^{5/4}$     c) L    d)  $T^{2/3}$     e)  $L^{4/5}T^{-4/5}$

3. En la siguiente fórmula física:  $Kx^2 = Ad + Bp^2$  se sabe que:

K = Fuerza/Longitud; x = distancia; d = longitud y p = cantidad de movimiento. Halle la magnitud que representa el producto AB.

- a) Masa      b) Tiempo      c) Velocidad      d) aceleración  
 e) Fuerza.

4. En la siguiente fórmula física, calcular [K].

$$B^2 = Q^2 + 8KN$$

Donde: B = Aceleración angular, N = número.

- a)  $LT^{-1}$     b)  $LT^{-2}$     c)  $T^{-1}$     d)  $T^0$     e)  $T^{-4}$

5. Hallar las dimensiones de ZC, si la ecuación es dimensionalmente homogénea.

Donde: m = masa, v = velocidad, F = fuerza, P = cantidad de movimiento.

$$Z^2 + FP = \frac{m}{vc}$$

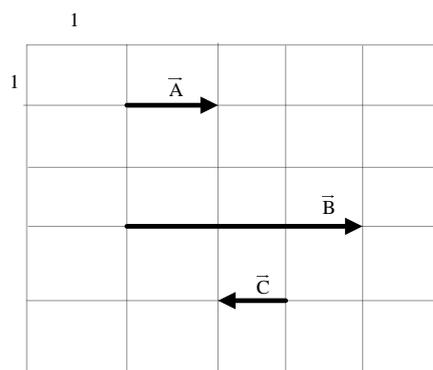
- a)  $MLT^{-1/2}$     b)  $L^2T^{-5/2}$     c)  $L^2T^{-3/2}$     d)  $L^2T^{5/2}$     e)  $M^{-1/2}T^3$

6. Hallar las dimensiones de  $X^2$  en:

$$\frac{X^3 - Y}{Z^2 + XL} = LT^{-2}$$

- a)  $LT^{-1}$     b)  $L^2T^3$     c)  $LT^{-2}$     d)  $L^2T^{-2}$     e)  $L^{-1}T^{-3}$

7. Determinar el módulo de la resultante del conjunto de vectores mostrados en la figura.



- a) 1    b) 2    c) 3    d) 4    e) 5

8. Dos móviles A y B salen simultáneamente del mismo punto con velocidades  $4i$  (m/s) y  $3j$  (m/s) respectivamente. Determinar la distancia que separa a los móviles después de 10 segundos.

- a) 40m    b) 50m    c) 60m    d) 65m    e) 70m

9. Un bus de 150m de largo se mueve con velocidad constante de 72km/h ¿Qué tiempo tardará el bus en atravesar un túnel de 250m de largo?

- a) 15s    b) 20s    c) 25s    d) 30s    e) 40s

10. Un tren de 204m demora 12s en pasar a una persona que se mueve en su misma dirección con 3m/s, y en pasar a un túnel 40s. Determinar la longitud de túnel.

- a) 575m    b) 579m    c) 580m    d) 592m    e) 596m

11. Un auto viaja a 90km/h. Si sus frenos lo desaceleran a razón constante de  $0.5m/s^2$  ¿A que distancia de la estación deben aplicarse los frenos para que el auto se detenga justo en ella? ¿Cuánto tiempo demorará el auto en detenerse?

- a) 600m; 50s    b) 625m; 30s    c) 615m; 50s  
 d) 625m; 50s    e) 615m; 30s

12. Con una rapidez de 40m/s una piedra se lanza verticalmente hacia arriba. ¿Cuánto tiempo la piedra estará descendiendo con una rapidez de 10m/s? ( $g=10m/s^2$ ).

- a) 2    b) 4    c) 5    d) 6    e) 8

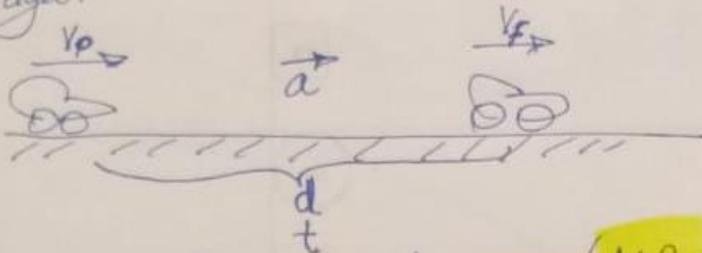


# KINEMÁTICA RECTILÍNEA

Estudia el movimiento de los cuerpos sin considerar las causas que lo originan.

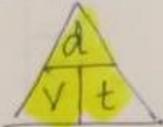
## Movimiento Rectilíneo:

Trayectoria: Línea Recta



## Movimiento Rectilíneo Uniforme (MRU)

- Trayectoria → Línea Recta
- Velocidad = constante
- Aceleración = cero
- Fórmulas →



$$d = v \cdot t \begin{cases} v = d/t \\ t = d/v \end{cases}$$

## Movimiento Rectilíneo Uniformemente Acelerado (MRUA)

- Trayectoria → línea Recta
- Velocidad → Variable
- Aceleración → Constante

$$a = \frac{v_f - v_0}{t}$$

$a(+)$  → ACELERADO  
 $a(-)$  → DESACELERADO (FRENADO)

- Fórmulas:

$$\begin{cases} d = \frac{(v_0 + v_f) \cdot t}{2} \\ v_f = v_0 + at \\ d = v_0 \cdot t + \frac{1}{2} at^2 \\ v_f^2 = v_0^2 + 2ad \end{cases}$$

Tambien existen otros tipos de movimientos en Cinematika

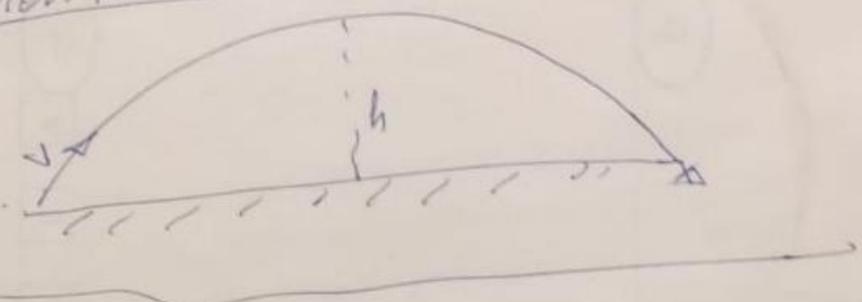
Caido libre

$g = 9.8 \text{ m/s}^2 \approx 10 \text{ m/s}^2$

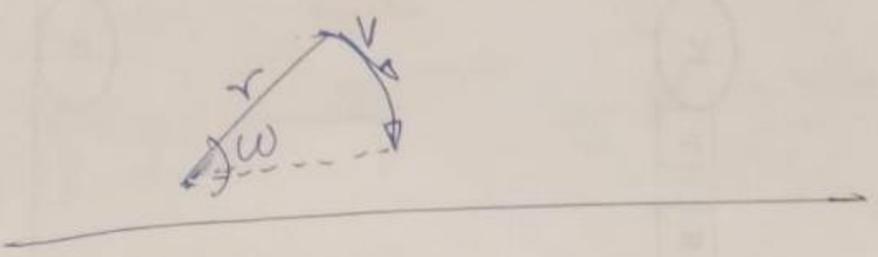


Tiro Vertical

Mov. Parabolico:



Mov. Circular:



$$\begin{aligned}
 \textcircled{1} \quad \text{Tiempo} = t &\rightarrow [t] = T \\
 [\text{horas}] &= T \\
 [\text{segundos}] &= T \quad \left. \vphantom{\begin{array}{l} [\text{horas}] \\ [\text{segundos}] \end{array}} \right\} \boxed{[t] = T}
 \end{aligned}$$

$$\textcircled{2} \quad \left[ \frac{M V \text{Sen}(LNt)}{\sqrt{N+A}} \right]^2 = M + N^2 + B^4$$

Determinar  $[N]$

Si:  $V = \text{velocidad}$ .

$$\rightarrow \frac{[M]^2 [V]^2 [\text{Sen}(LNt)]^2}{(\sqrt{[N]+[A]})^2} = [M] + [N]^2 + [B]^4$$

$$\frac{[M]^2 [V]^2 (1)^2}{(\sqrt{[A]})^2} = [M] + [N]^2 + [B]^4 \dots \rightarrow [M] = [N]^2$$

$$\frac{[M]^2 [V]^2}{[N]^{2/5}} = [M] \rightarrow \frac{[M]^2}{[M]} = \frac{[N]^{2/5}}{[V]^2} \rightarrow [M] = \frac{[N]^{2/5}}{[V]^2}$$

$$\rightarrow [N]^2 = \frac{[N]^{2/5}}{[V]^2} \rightarrow \frac{[N]^2}{[N]^{2/5}} = [V]^{-2} \dots \rightarrow 2 - \frac{2}{5} = \frac{10-2}{5} = \frac{8}{5}$$

$$\rightarrow [N]^{8/5} = [V]^{-2} \rightarrow ([N]^{8/5})^{5/8} = ([V]^{-2})^{5/8}$$

$$\rightarrow [N] = [V]^{-10/8} \rightarrow [N] = [V]^{-5/4}$$

$$\rightarrow [N] = [LT^{-1}]^{-5/4} \rightarrow \boxed{[N] = L^{-5/4} \cdot T^{5/4}}$$

3)  $Kx^2 = Ad + Bp^2$

$[Kx^2] = [Ad] + [Bp^2]$

$[K][x]^2 = [A][d] + [B][p]^2$

$(MT^{-2})(L)^2 = [A]L + [B](MLT^{-1})^2$

$(MT^{-2})(L^2) = [A](L) \rightarrow \frac{MT^{-2}L^2}{L} = [A] \rightarrow [A] = MT^{-2}L$

$(MT^{-2})(L^2) = [B](MLT^{-1})^2 \rightarrow \frac{MT^{-2}L^2}{M^2L^2T^{-2}} = [B] \rightarrow [B] = M^{-1}$

$[A \cdot B] = [A][B] = (MT^{-2}L)(M^{-1}) = LT^{-2} = \text{[aceleración]}$

$[A \cdot B] = ?$

$K = \frac{\text{fuerza}}{\text{longitud}} \rightarrow [K] = \frac{MLT^{-2}}{L} = MT^{-2}$

$x = \text{distancia} \rightarrow [x] = L$

$d = \text{longitud} \rightarrow [d] = L$

$p = \text{Cantidad de movim.} = m \cdot v \rightarrow [p] = M \cdot LT^{-1}$

4)  $B^2 = S^2 + 8KN$

$[B^2] = [S^2] + [8KN]$

$[B]^2 = [S][K][N] \rightarrow$

$[B]^2 = (1)[K][N]$

$(T^{-2})^2 = [K](1) \rightarrow [K] = T^{-4}$

$[K] = ?$

$B = \text{Aceleración angular} \rightarrow [B] = T^{-2}$

$N = \text{Número} \rightarrow [N] = 1$

5)  $z^2 + FP = \frac{m}{vc}$   $[z^2] = ?$

$m = \text{masa} \rightarrow [m] = M$   
 $v = \text{velocidad} \rightarrow [v] = LT^{-1}$   
 $F = \text{fuerza} \rightarrow [F] = MLT^{-2}$   
 $p = \text{cantidad de movimiento} = mv \rightarrow [p] = MLT^{-1}$

$[z^2] + [FP] = \left[ \frac{m}{vc} \right]$   
 $[z^2] = [FP] = [F][p]$   
 $[z^2] = (MLT^{-2})(MLT^{-1}) = M^2L^2T^{-3}$   
 $[z] = MLT^{-3/2}$

$\rightarrow \left[ \frac{m}{vc} \right] = [FP] \rightarrow \frac{[m]}{[v][c]} = M^2L^2T^{-3}$   
 $\rightarrow \frac{M}{(LT^{-1})[c]} = M^2L^2T^{-3} \rightarrow \frac{M}{(LT^{-1})(M^2L^2T^{-3})} = [c] \rightarrow [c] = M^{-1}L^{-3}T^4$   
 $\rightarrow [zc] = [z][c] = (MLT^{-3/2})(M^{-1}L^{-3}T^4) = L^{-2}T^{5/2}$

6)  $\frac{x^3 - y}{z^2 + xl} = LT^{-2} \rightarrow [x^2] = ?$

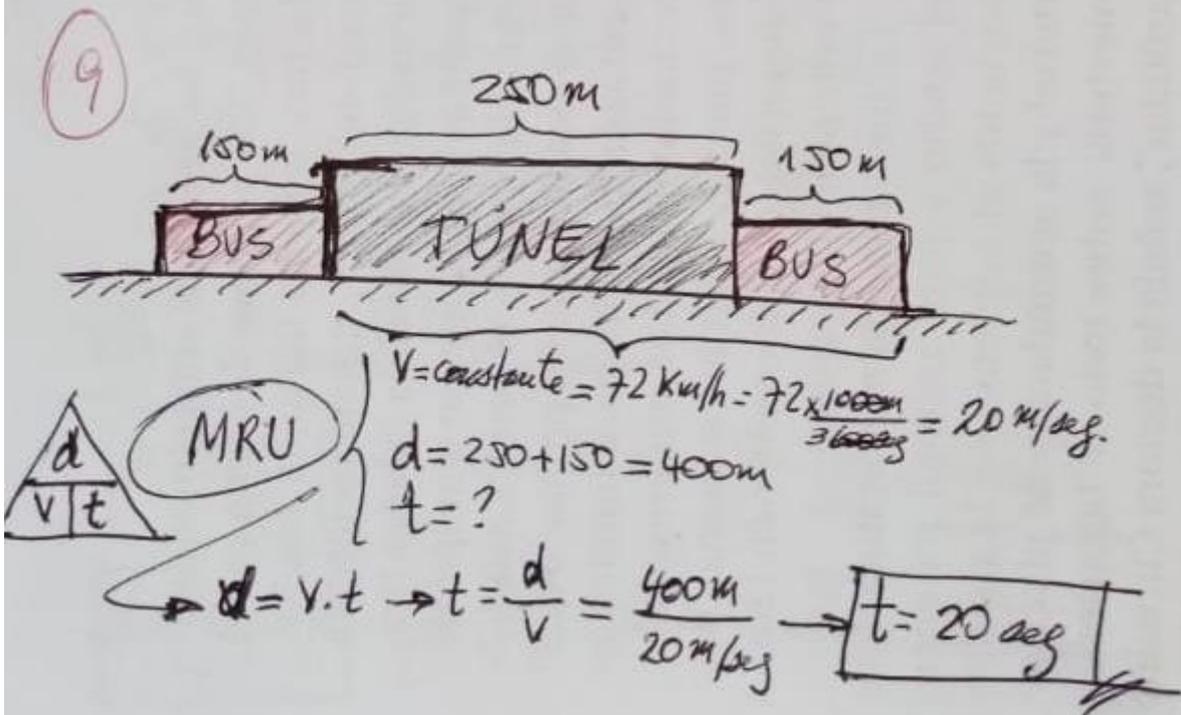
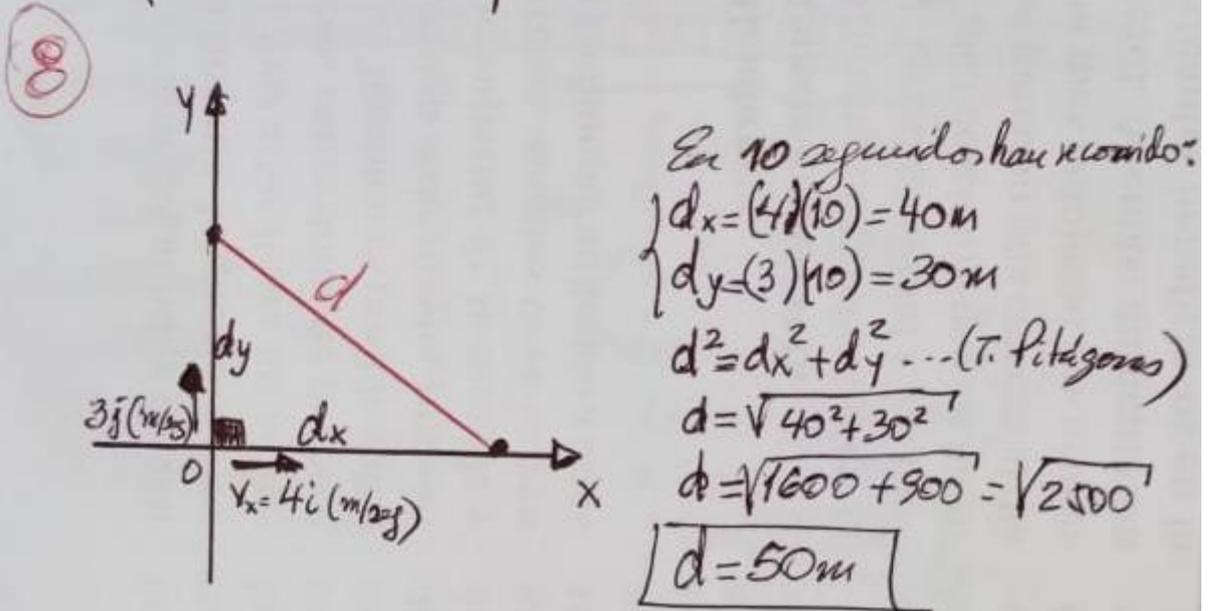
$\rightarrow [x]^3 - [y] = LT^{-2}$

$([z]^2 + [x]l)$

$\rightarrow \frac{[x]^3}{[x](L)} = LT^{-2} \rightarrow [x]^2 = L^2T^{-2} \rightarrow [x] = L^2T^{-2}$

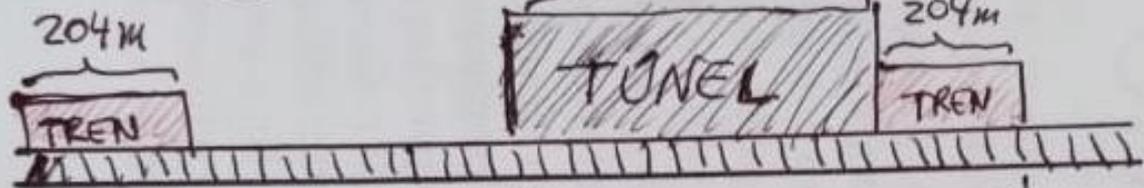
7

$$\left. \begin{array}{l} \vec{A} = 1 \\ \vec{B} = 3 \\ \vec{C} = -1 \end{array} \right\} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \|\vec{R}\| = 1 + 3 - 1 = +3 \\ \vec{R} = 3 \end{array} \right.$$



10

MRU → 



PERSONA

$$v_p = 3 \text{ m/seg.}$$

$$t_p = 12 \text{ seg}$$

$$d = 204 \text{ m}$$

$$v_{\text{relativa}} = v_t - v_p$$

$$\frac{204}{12} = v_t - 3$$

$$17 = v_t - 3 \rightarrow 204 = v_t$$

$$d_t = X + 204$$

$$t_t = 40 \text{ seg}$$

$$v_t = 20 \text{ m/seg.}$$

$$d_t = v_t \cdot t_t$$

$$X + 204 = (20)(40)$$

$$X + 204 = 800$$

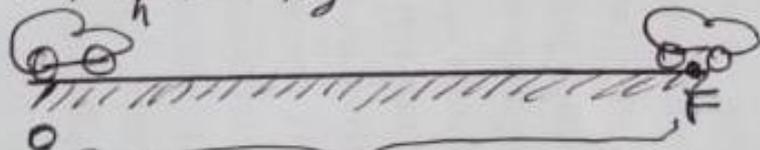
$$X = 596 \text{ m}$$

11

$$v_0 = 90 \frac{\text{km}}{\text{h}} = 25 \text{ m/seg}$$

MRUA

$$v_f = 0$$



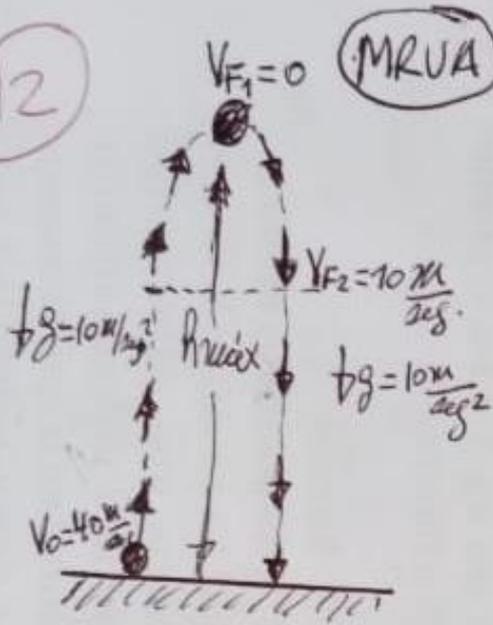
$$a = -0,5 \text{ m/seg}^2 \text{ (desaceleración = freno)}$$

ojo →  $v = \text{vector}$ ;  $a = \text{vector}$

$$a = \frac{v_f - v_0}{t} \rightarrow -0,5 = \frac{0 - 25}{t} \rightarrow \left[ t = \frac{-25}{-0,5} = 50 \text{ seg} \right]$$

$$d = \left( \frac{v_0 + v_f}{2} \right) t \rightarrow d = \left( \frac{25 + 0}{2} \right) (50) = \frac{25}{2} \times 50 = 625 \text{ m}$$

12



(MRUA) → TIRO VERTICAL

tiempo para subir hasta  $v_{F1}$  ( $t_s$ ):

$$a = \frac{v_F - v_0}{t} \rightarrow g = \frac{v_{F1} - v_0}{t_s}$$

$$-10 = \frac{0 - 40}{t_s} \rightarrow t_s = \frac{-40}{-10} = 4 \text{ seg}$$

tiempo para bajar desde  $v_{F1}$  hasta  $v_{F2}$  ( $t_b$ ):

$$g = \frac{v_{F2} - v_{F1}}{t} \rightarrow +10 = \frac{10 - 0}{t_b}$$

$$t_b = \frac{10}{10} = 1 \text{ seg}$$

$$t_{\text{total}} = t_s + t_b = 4 \text{ seg} + 1 \text{ seg} = 5 \text{ seg}$$

13

$$\frac{4}{3} kx^2 = Ay + \frac{3}{5} Bp^2$$

— (Hallar: [A-B])

$k = \text{constante} \rightarrow [k] = MT^{-2}$

$[x] = [y] = L$

$p = \text{momento lineal} = F \cdot d = MLT^{-2} \cdot L = ML^2T^{-2}$

$$\left[ \frac{4}{3} kx^2 \right] = [Ay] \rightarrow \left[ \frac{4}{3} \right] [k] [x]^2 = [A] [y] \rightarrow (1)(MT^{-2})(L)^2 = [A](L)$$

$$MLT^{-2} = [A]$$

$$\left[ \frac{4}{3} kx^2 \right] = \left[ \frac{3}{5} Bp^2 \right] \rightarrow \left[ \frac{4}{3} \right] [k] [x]^2 = \left[ \frac{3}{5} \right] [B] [p]^2$$

$$(1)(MT^{-2})(L)^2 = (1)[B](ML^2T^{-2})^2$$

$$ML^2T^{-2} = [B](M^2L^4T^{-4}) \rightarrow [B] = \frac{ML^2T^{-2}}{M^2L^4T^{-4}} \rightarrow [B] = M^{-1}L^{-2}T^2$$

$$[AB] = [A] \cdot [B] = (MLT^{-2})(M^{-1}L^{-2}T^2) \rightarrow [AB] = L^{-1}$$

14  $\left[ \frac{X}{Y} \right]^3 - \frac{B^3 - [Y]}{P^{-3}} = [Z] \rightarrow \begin{cases} [B] = L \text{ (longitud)} \\ [P] = T \text{ (tiempo)} \end{cases} \rightarrow X = ?$

$\rightarrow [B]^3 = [Y]$

$\rightarrow \frac{[X]^3}{[Y]^3} = \frac{[B]^3}{[P]^3} = [Z] \rightarrow \frac{[X]^3}{[B]^3} = \frac{[B]^3}{(T)^3}$

$\rightarrow [X]^3 = \frac{[B]^3 \cdot [B]^3}{T^{-3}} \rightarrow [X]^3 = \frac{[B]^6}{T^{-3}} = L^6 \cdot T^3$

$[X] = L^2 \cdot T$

15  $A + \frac{\sqrt{B}}{h} = \left( \frac{VC}{A + a\alpha^{-1}} \right) \rightarrow \begin{cases} [A]; [B]; [C] = ? \\ h = \text{altura} \rightarrow [h] = L \\ V = \text{volumen} \rightarrow [V] = L^3 \\ a = \text{aceleración} \rightarrow [a] = LT^{-2} \\ \alpha = \text{aceleración angular} \rightarrow [\alpha] = T^{-2} \end{cases}$

$\rightarrow A + \frac{\sqrt{B}}{L} = \frac{VC}{A + (LT^{-2})(T^{-2})^{-1}}$

$A + \frac{\sqrt{B}}{L} = \frac{VC}{A+L} \rightarrow [A] = L$

$\left[ \frac{\sqrt{B}}{L} \right] = [A] \rightarrow \frac{[B]^{1/2}}{L} = L \rightarrow [B]^{1/2} = L^2 \rightarrow [B] = L^4$

$\left[ \frac{VC}{A+L} \right] = [A] \rightarrow \frac{[V][C]}{[A]} = [A] \rightarrow [V][C] = [A]^2 \rightarrow (L^3)[C] = L^2$   
 $\rightarrow [C] = \frac{L^2}{L^3} \rightarrow [C] = L^{-1}$

(16)

$$\sqrt{M-S} = \frac{X}{G+Y}$$

Calculador [S]

X = Fuerza  $\rightarrow [X] = MLT^{-2}$

Y = Velocidad  $\rightarrow [Y] = LT^{-1}$

$$\rightarrow [M-S] = \frac{[X]}{[G]+[Y]}$$

$$\rightarrow [M-S]^{1/2} = \frac{[X]}{[Y]} \rightarrow [M-S]^{1/2} = \frac{MLT^{-2}}{LT^{-1}} \rightarrow [M-S]^{1/2} = MT^{-1}$$

$$\rightarrow [M-S] = (MT^{-1})^2 \rightarrow [M] = [S] = M^2T^{-2}$$

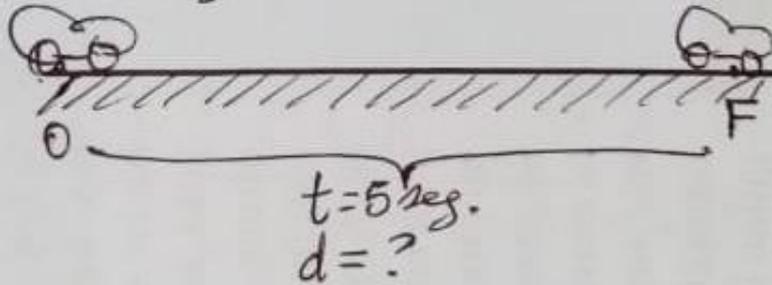
(17)

MRUV

$$\left\{ \begin{array}{l} a = \frac{V_F - V_0}{t} \\ d = \left(\frac{V_0 + V_F}{2}\right)t \end{array} \right.$$

$V_0 = 40 \text{ m/seg.}$

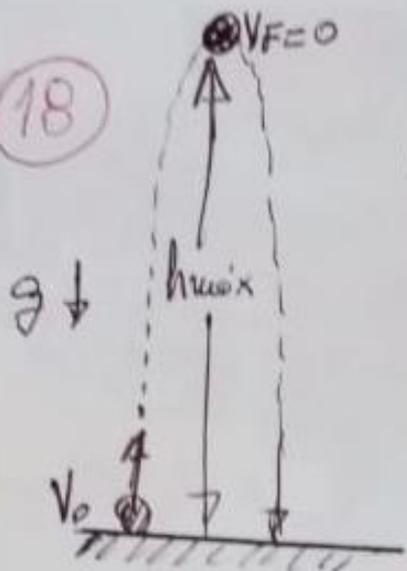
$V_F = 80 \text{ m/seg}$



$$\rightarrow d = \left(\frac{V_0 + V_F}{2}\right)t = \left(\frac{40 + 80}{2}\right)(5) = \frac{120}{2} \times 5 = 60 \times 5$$

$$\rightarrow \boxed{d = 300 \text{ m}}$$

18

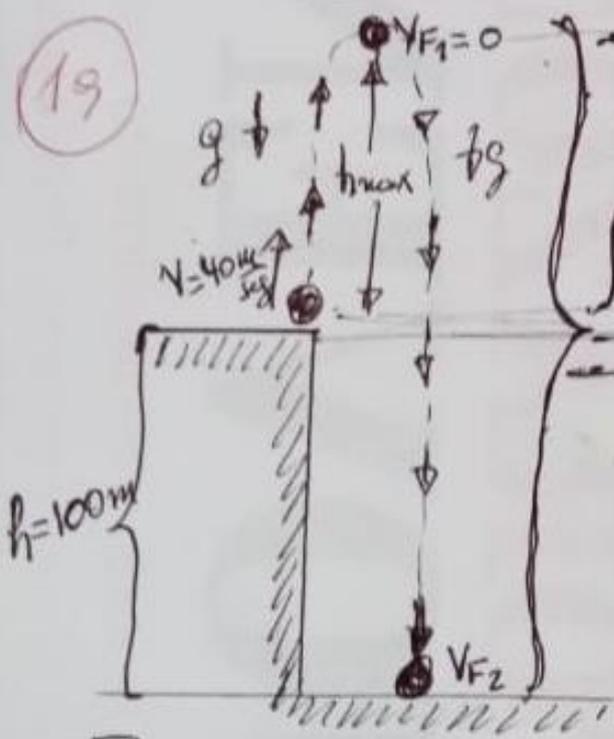


$h_{max} = ?$

MRUV  $\rightarrow d = \left(\frac{v_0 + v_f}{2}\right)t \rightarrow h_{max} = \left(\frac{v_0 + 0}{2}\right)t_s$   
 $a = \frac{v_f - v_0}{t} \rightarrow -10 = \frac{0 - v_0}{t_s}$   
 TIRO VERTICAL  $\rightarrow t_{subo} = t_{subi} = t_{subi} + t_{bajar}$   
 $\rightarrow t_{subo} = t_{subi} = t_{bajar} = \frac{14}{2} = 7 \text{ seg} = t_s$   
 $\rightarrow -10 = \frac{0 - v_0}{7} \rightarrow 70 \frac{m}{seg} = v_0$

$\rightarrow h_{max} = \left(\frac{v_0 + v_f}{2}\right)t_s = \left(\frac{70 + 0}{2}\right)(7) = 35 \times 7$   
 $\rightarrow h_{max} = 245 \text{ m}$

19



MRUV

$a = \frac{v_f - v_0}{t} \rightarrow -10 = \frac{0 - 40}{t_{subi}} \rightarrow t_{subi} = 4 \text{ seg}$   
 $h_{max} = \left(\frac{v_0 + v_{f1}}{2}\right)t_{subi} = \left(\frac{40 + 0}{2}\right)(4) = 80 \text{ m}$

$d = v_0 t_b + \frac{1}{2} a t_b^2 \dots t_b = t_{bajar}$   
 $(100 + 80) = 0 \times t_b + \frac{1}{2} (10) (t_b^2)$   
 $180 = 5 t_b^2 \rightarrow t_b^2 = \frac{180}{5} = 36$   
 $\rightarrow t_b = 6 \text{ seg}$

$\rightarrow t_{total} = t_s + t_b = 4 \text{ seg} + 6 \text{ seg} = 10 \text{ seg}$

$a = \frac{v_{f2} - v_{f1}}{t_b} \rightarrow 10 = \frac{v_{f2} - 0}{6} \rightarrow 60 \frac{m}{seg} = v_{f2}$

20

I → (F)  
II → (F)  
III → (V)